

**Meno:** Tomáš Belan

**Príklad 7, kat. O**

**Škola:** ŠPMNDaG Teplická, Bratislava

**Strana 1 z 4**

O spracovaní vstupu. Mám pole riadky, kde mám všetky nájdené y súradnice, a tiež pole stlpce, kde mám všetky nájdené x súradnice. Tiež mám hash tabuľku bodky, ktorá uchováva pre každý vrchol nejaké údaje. Vybral som si hash tabuľku preto, že mi prišla vhodnejšia ako normálna matica: časová náročnosť sa blíži ku  $O(1)$ , (aj keď najhorší prípad je  $O(N)$ ), a pamäťová náročnosť je výrazne menšia, ako pri matici (kde každý bod, nie len vrchol, zaberá pamäť). Jazyk Ruby má štruktúru na hash tabuľky a vhodnú hash funkciu už vstavanú (zdrojové kódy sú na [www.ruby-lang.org](http://www.ruby-lang.org)), čo robí moju prácu jednoduchšou. Ale keby z nejakého dôvodu nebolo možné hash použiť, stačí miesto všetkých „Hash.new“ napísať „Array.new“ a program bude stále fungovať, len to bude žrať strašne veľa pamäte.

Ako kľúče hash tabuľky používam celé čísla, kde dva bajty sú y a dva bajty sú x, v C-čkovom zápise  $x | (y \ll 16)$ .

Najprv poriadne spracujem polia riadky a stlpce. Zoradím ich quicksortom<sup>1</sup> (ale je v podstate jedno, aký algoritmus použijem, pretože tam aj tak neskôr mám cyklus  $O(N^2)$ , takže časová náročnosť celého programu sa s algoritmom lepším ako  $O(N^2)$  nezmení), a potom odstránim duplikáty (a keďže už sú zoradené, tak je to ľahké). Tým dostanem polia riadky\_uniq a stlpce\_uniq, v ktorých sú uložené tie x, resp. y súradnice, ktoré sú dôležité (tvar útvaru sa na nich nejako mení). Celý útvar sa rozdelí na niekoľko horizontálnych pásiem, kde každé ide od jednej takejto x súradnice po druhú. Podobne sú vertikálne pásma. Veľkosť týchto pásiem vypočítam a uložím do polí riad\_pasmo a stlp\_pasmo. Tieto pásma použijem hlavne pri rátaní obsahu.

A teraz ako sa zistí obvod n-uholníka: zoberme si ľubovoľnú priamku rovnobežnú so súradnicovou osou. Vrcholy na nej tvoria páry, a každý tento pár je spojený stranou. Zo zadania vyplýva, že od každého vrcholu ide jedna horizontálna a jedna vertikálna strana ku nejakým ďalším vrcholom. Tieto ďalšie vrcholy si pamätám v hash tabuľkách hor\_spoje a ver\_spoje. Mám cyklus, ktorý sa pre každú x súradnicu v stlpce\_uniq, aké bodky na nej sú (na toto použije pole riadky\_uniq), a každému páru nastaví navzájom údaje vo ver\_spoje. (stlpce\_uniq je dlhé najviac N, a podobne aj riadky\_uniq, takže zložitosť cyklu je najviac  $O(N^2)$ ). Potom nasleduje ďalší cyklus, ktorý podobne vyráta hor\_spoje.

Potom vypíšem jednotlivé vrcholy: Vypíšem prvý vrchol. Potom sa presuniem na ten, s ktorým je horizontálne spojený, a vypíšem ho. Potom sa presuniem na ten, s ktorým je vertikálne spojený, a vypíšem ho, a tak ďalej.

Teraz ako vyrátať obsah: budem samostatne rátať obsah každého riadkového pásma. Každé riadkové pásmo má hodnotu sirka\_riadku. To je číslo, ktoré určuje, aký by bol obsah toho pásma široký, keby sa všetky časti prilepili ku sebe. Celkový obsah riadkového pásma je jeho šírka krát jeho výška.

Teraz ako vyrátať šírku. Každý riadok má podobnú šírku, ako ten pred

---

<sup>1</sup> Quicksort (popis samotného algoritmu vid' minulé vzoráky KSP alebo wikipédia) má zložitosť väčšinou  $O(N \log N)$ , a v najhoršom  $O(N^2)$ . Ale to je v podstate jedno, pretože neskôr v programe je cyklus  $O(N^2)$ , ktorý určí zložitosť celého programu, a takýto „nevýznamný“ sort, ak teda nie je ešte horší než  $O(N^2)$ , na nej nič nezmení.

**Meno:** Tomáš Belan

**Príklad 7, kat. O**

**Škola:** ŠpMNDaG Teplická, Bratislava

**Strana 2 z 4**

ním, ale môže sa trochu zmeniť. Každá strana (čiže pár vrcholov) na danej priamke riadku šírku riadku zmení o svoju dĺžku. Ukážem to na druhom príklade v zadaní: prvé riadkové pásmo má šírku 3. Druhé riadkové pásmo má šírku podobnú ako 3, ale keďže je tam strana (0,1)-(1,1), štvorček (0,1)-(1,2) už nepatrí do vnútra n-uholníka, takže šírka druhého pásma sa o 1 zmenší. Podobne je tam strana (0,2)-(1,2), kvôli ktorej sa šírka druhého pásma tiež o 1 zmenší. Takže šírka druhého pásma bude 1.

Každá strana na danej riadkovej priamke môže ale šírku nasledujúceho riadku buď zväčšiť alebo zmenšiť. Keby sme ten príklad preklopili „hore nohami“, tak má prvé pásmo šírku 1 a druhé pásmo sa o 2 rozšíri a bude mať šírku 3.

Pre každé stĺpcové pásmo si pamätám, či je v danom momente aktívne (či je súčasťou vnútra n-uholníka). Každá horizontálna strana n-uholníka buď má vnútro hore (a keďže obsah sa počíta smerom dole, ku zvyšujúcim sa y-súradniciam, tak svoje stĺpcové pásmo deaktivuje a šírku nasledujúceho riadkového pásma zmenší), alebo naopak, má vnútro dole (a šírku nasledujúceho riadkového pásma zväčší). (Poznámka: tu beriem, že smerom dole sa y zvyšuje.)

Strana môže byť samozrejme dlhá aj viacero stĺpcových pásiem, a šírka riadku sa zväčší/zmenší o šírku každého z nich.

Tu je moja implementácia popísaného algoritmu v Ruby.<sup>2</sup>

```
# toto očakáva napríklad takýto vstup:
# 0 1 2 2 3 0 0 0 3 1 2 1 1 2 1 1 (to je druhý príklad v zadaní)
puts "Zadaj súradnice všetkých bodov (oddelené medzerami)"
vstup = readline.split

raise "není ich párny počet" if vstup.length % 2 != 0
N = vstup.length / 2
riadky = Array.new; stlpce = Array.new
obsahy_riadkov = Array.new
bodky = Hash.new; hor_spoje = Hash.new; ver_spoje = Hash.new
N.times do |i|
  x = vstup[i*2].to_i; y = vstup[i*2+1].to_i
  stlpce << x; riadky << y # pridám tieto súradnice do zoznamov
  # používam integer kľuč kde sú dva bajty x a dva bajty y
  raise "súradnica sa nevojde do 2 bajtov" if y >= (1 << 16) or x >= (1 << 16)
  bodky[x | (y << 16)] = true
end

riadky.sort!; stlpce.sort!

riadky_uniq = Array.new; stlpce_uniq = Array.new
posledne = nil
riadky.each do |y|
  riadky_uniq << y if posledne != y
  posledne = y
end
stlpce.each do |x|
  stlpce_uniq << x if posledne != x
```

<sup>2</sup> <http://www.ruby.ch/interpreter/rubyinterpreter.shtml> je online interpretér, s ktorým si môžete program vyskúšať. Nepodporuje vstup z konzoly, preto miesto 'vstup = readline.split' treba napísať priamo obsah poľa vstup, napr. 'vstup = [0,1, 2,2, 3,0, 0,0, 3,1, 2,1, 1,2, 1,1]'

**Meno:** Tomáš Belan  
**Príklad 7, kat. O**  
**Škola:** ŠPMNDaG Teplická, Bratislava  
**Strana 3 z 4**

```
    posledne = x
  end

  stlp_pasmo = Array.new; riad_pasmo = Array.new
  (riadky_uniq.length - 1).times do |i|
    riad_pasmo << (riadky_uniq[i+1] - riadky_uniq[i])
  end
  (stlpce_uniq.length - 1).times do |i|
    stlp_pasmo << (stlpce_uniq[i+1] - stlpce_uniq[i])
  end

  # teraz sparujem kazdu bodku s tou, s ktorou je vertikálne spojená
  stlpce_uniq.each do |x|
    spojená_y = nil
    riadky_uniq.length.times do |i|
      y = riadky_uniq[i]
      next if not bodky[x | (y << 16)]
      if spojená_y == nil
        spojená_y = y
      else
        y1 = spojená_y # to, s čím tuto bodku sparujem
        ver_spoje[x | (y1 << 16)] = x | (y << 16)
        ver_spoje[x | (y << 16)] = x | (y1 << 16)
        spojená_y = nil
      end
    end
  end

  # podobne s ktorou je horizontálne spojená
  # ale pritom vyrátam aj obsah
  # aktívne_pasmo má hodnotu -1 pre neaktívne a 1 pre aktívne
  # na začiatku sú všetky pásma neaktívne
  aktívne_pasmo = Array.new(stlpce_uniq.length, -1)
  obsah = 0
  sirka_riadku = 0
  riadky_uniq.each_with_index do |y,riadok_i|
    spojená_x = nil; spojená_i = nil
    stlpce_uniq.length.times do |i|
      x = stlpce_uniq[i]
      next if not bodky[x | (y << 16)]
      if spojená_x == nil
        spojená_x = x; spojená_i = i
      else
        x1 = spojená_x # to, s čím tuto bodku sparujem
        hor_spoje[x1 | (y << 16)] = x | (y << 16)
        hor_spoje[x | (y << 16)] = x1 | (y << 16)
        spojená_x = nil
        # a teraz výpočet obsahu
        # táto strana n-uholníka ide od pásma spojená_i až po pasmo i
        spojená_i.upto(i-1) do |j|
          aktívne_pasmo[j] = -aktívne_pasmo[j]
          # aktívne_pasmo[j] je -1 pri neaktívnom, takže keď je neaktívne,
          # tak sa sirka_riadku zmení
          sirka_riadku += stlp_pasmo[j] * aktívne_pasmo[j]
        end
      end
    end
  end
  obsah += riad_pasmo[riadok_i] * sirka_riadku
end

# vypisem body v poradi
# začnem od bodu so súradnicami x=vstup[0] y=vstup[1]
teraz = vstup[0].to_i | (vstup[1].to_i << 16)
ide_hor_spoj = true
N.times do
```

**Meno:** Tomáš Belan

**Príklad 7, kat. O**

**Škola:** ŠPMN DaG Teplická, Bratislava

**Strana 4 z 4**

```
puts "(#{teraz & 0xFFFF},#{teraz >> 16})"  
# prejdeme po horizontalnej čiare alebo po vertikálnej čiare  
teraz = (ide_hor_spoj ? hor_spoje[teraz] : ver_spoje[teraz])  
ide_hor_spoj = !ide_hor_spoj  
end  
puts "obsah je #{obsah}"
```